

**1. UČENIK UME DA RAČUNA SA UGLOVIMA UKLJUČUJUĆI I PRETVARANJE UGAONIH MERA.
ZAKLJUČUJE KORISTEĆI OSOBINE PARALELNIH I NORMALNIH PRAVIH, UKLJUČUJUĆI
UGLOVE NA TRANSVERZALI**

Već smo govorili da se uglovi mere u stepenima.

Manja mera od 1 stepena (u ozbacu 1^0) je 1 minut (u oznaci $1'$), a manja mera od minuta je 1 sekund(u oznaci $1''$).

Važi da je:

$$\boxed{1^0 = 60'} \rightarrow 1 \text{ stepen ima } 60 \text{ minuta} \quad (\text{Kao na satu})$$

$$\boxed{1' = 60''} \rightarrow 1 \text{ minut ima } 60 \text{ sekundi}$$

Za sabiranje i oduzimanje uglova uvek potpisujte, stepeni ispod stepena, minuti ispod minuta, sekunde ispod sekundi....

Primer 1.

Izračunati:

- a) $90^0 - 15^0 22' = ?$
- b) $180^0 - 35^0 34' 47'' = ?$
- c) $132^0 34' 11'' - 21^0 40' 50'' = ?$
- d) $75^0 12' + 12^0 56' = ?$
- e) $100^0 50' 49'' + 54^0 38' 21'' = ?$

Rešenja:

Pretvorimo šta fali, pa oduzimamo svaki posebno: stepeni –stepeni, minuti – minuti i sekunde – sekunde.

$$\begin{array}{r} 89^0 60' \\ \underline{-15^0 22'} \\ 74^0 38' \end{array}$$

a) $\begin{array}{r} 90^0 \\ \underline{-15^0 22'} \\ 74^0 38' \end{array}$ Uzmemo 1 stepen i pretvorimo ga u 60 minuta

$$\begin{array}{r} 179^0 60' \\ \underline{-35^0 34' 47''} \\ 144^0 25' 13'' \end{array} \quad \begin{array}{r} 179^0 59' 60'' \\ \underline{-35^0 34' 47''} \\ 144^0 25' 13'' \end{array}$$

b) $\begin{array}{r} 180^0 \\ \underline{-35^0 34' 47''} \\ 144^0 25' 13'' \end{array}$ Fale nam i minuti i sekunde $\begin{array}{r} 180^0 \\ \underline{-35^0 34' 47''} \\ 144^0 25' 13'' \end{array}$ sad još sekunde

$$\begin{array}{r} 131^0 93' 71'' \\ \underline{-21^0 40' 50''} \\ 110^0 53' 21'' \end{array} \quad \begin{array}{r} 131^0 93' 71'' \\ \underline{-21^0 40' 50''} \\ 110^0 53' 21'' \end{array}$$

c) $\begin{array}{r} 132^0 34' 11'' \\ \underline{-21^0 40' 50''} \\ 110^0 53' 21'' \end{array}$ Moramo prvo pretvoriti: $\begin{array}{r} 132^0 34' 11'' \\ \underline{-21^0 40' 50''} \\ 110^0 53' 21'' \end{array}$ $\boxed{131^0 93' 71''} \rightarrow$ tek sad od ovog oduzimamo

d)

$$\begin{array}{r} 75^0 12' \\ + 12^0 56' \\ \hline \end{array}$$

$87^0 \boxed{68}'$ → moramo da ga prepravimo jer je $>$ od $59'$

Oduzmemmo mu 60 a na prethodni dodamo 1

$$\boxed{88^0 8'}$$
 → ispravno zapisano

e)

Potpisemo i saberemo normalno:

$$100^0 50' 49''$$

$$+ 54^0 38' 21''$$

$$154^0 88' \boxed{70''} \rightarrow prvo ovaj$$

$$154^0 \boxed{89''} 10'' \rightarrow mora i ovaj$$

$$\boxed{155^0 29' 10''}$$

Primer 2.

Izračunati :

a) $2 * 32^0 42' 35'' = ?$

b) $44^0 : 3 = ?$

Rešenja:

a) Kad ugao množimo datim brojem, množimo stepene posebno, minute posebno, sekunde posebno.

Ako se u rešenju za minute i sekunde jave brojevi veći od 59 , moramo ih pretvoriti....

$$2 * 32^0 42' 35'' =$$

$$(2 * 32)^0 (2 * 42)' (2 * 35)'' =$$

$$64^0 84' \boxed{70''} =$$

$$64^0 \boxed{85'} 10'' =$$

$$\boxed{65^0 25' 10''}$$

b) Kad imamo deljenje, ako se ugao ne može podeliti sa datim brojem , smanjimo ga za onoliko stepeni za koliko je potrebno da bude deljiv sa datim brojem.

$$44^0 : 3 = ?$$

U našem primeru 44 nije deljivo sa 3, prvi broj manji od 44 a deljiv sa 3 je 42. Šta ćemo uraditi?

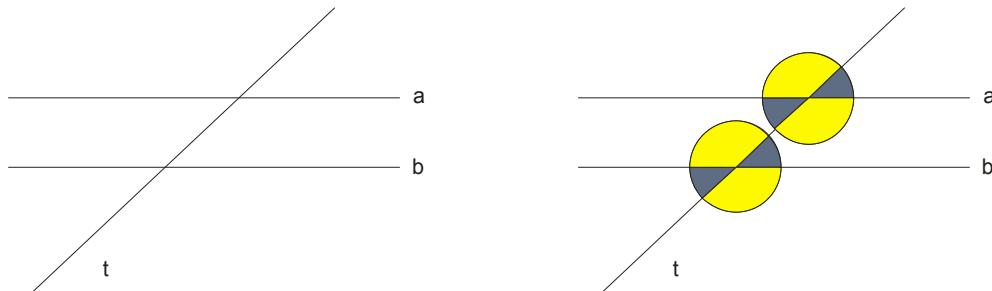
Ta 2 stepena ćemo prebaciti u minute $2^0 = 120'$ i onda vršimo deljenje posebno stepeni, posebno minuti.

$$44^{\circ} : 3 =$$

$$42^{\circ}120' : 3 = (42^{\circ} : 3)(120' : 3) = \boxed{14^{\circ}40'}$$

O paralelnim i normalnim pravama smo govorili, da se podsetimo uglova na transverzali.

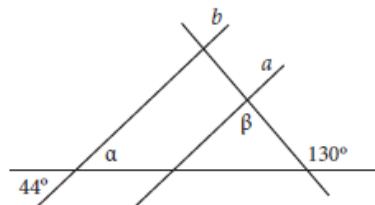
Transverzala je prava koja seče dve paralelne prave.



Vidimo da transverzala pravi 8 uglova na paralelnim pravama, od kojih su po 4 jednaka.

Da pogledamo nekoliko primera iz zbirke za pripremu male mature 2012. godine.

273. Ako je $a \parallel b$, izračunaј углове α и β .



$$\alpha = \underline{\hspace{2cm}} \text{ и } \beta = \underline{\hspace{2cm}}$$

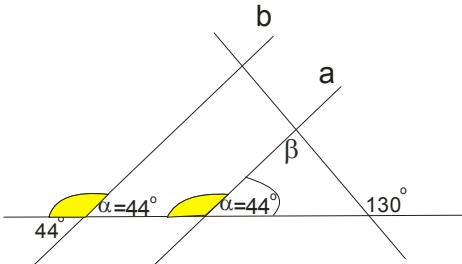
Rešenje:

Uglovi označeni žutom bojom su jednaki (nisu izračunati jer nam ne trebaju za zadatak) a sa slike 1.

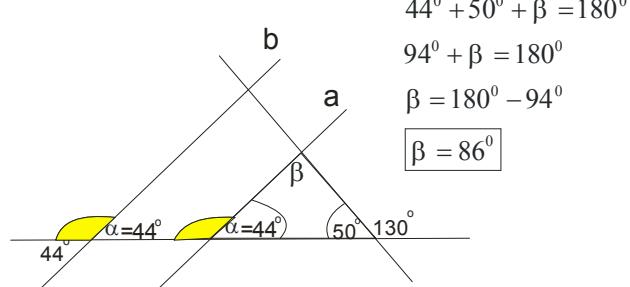
Lako zaključujemo vrednost za ugao **alfa**. Ta ista vrednost će biti i za odgovarajući ugao unutar trougla na slici 2.

Spoljašnji ugao od 130° nam govori da će njegov odgovarajući unutrašnji biti 50° .

I na kraju iskoristimo da je zbir uglova u trouglu 180° .



slika 1.



slika 2.

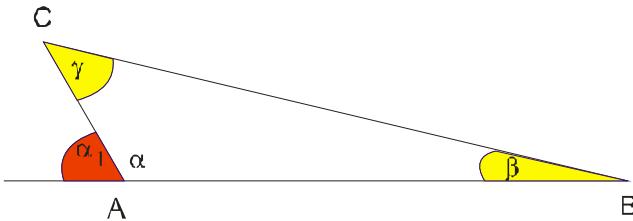
Odgovor: $\alpha = 44^{\circ}$ i $\beta = 86^{\circ}$

274. У троуглу ABC познати су унутрашњи угао $\beta = 25^\circ 15'$ и спољашњи угао $\alpha_1 = 60^\circ 15'$.
Израчунај унутрашњи угао γ .

Прикажи поступак.

$$\gamma = \underline{\hspace{2cm}}$$

Решење:



I начин

$$\begin{aligned}\alpha + \alpha_1 &= 180^\circ \\ \alpha &= 180^\circ - \alpha_1 \\ \alpha &= 180^\circ - 60^\circ 15' \\ \alpha &= 119^\circ 45'\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}179^\circ 60' \\ 180^\circ \\ - 60^\circ 15' \\ \hline 119^\circ 45'\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\alpha + \beta + \gamma &= 180^\circ \\ \gamma &= 180^\circ - (\alpha + \beta) \\ \gamma &= 180^\circ - 145^\circ \\ \gamma &= 35^\circ\end{aligned}$$

$$\begin{array}{r} 25^\circ 15' \\ + 119^\circ 45' \\ \hline 144^\circ 60' = 145^\circ \end{array}$$

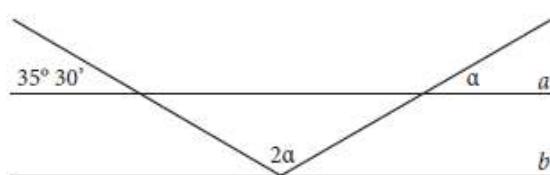
II начин

Искористимо теорему да је спољашњи угао (crveni угао) jednak zbiru dva unutrašnja nesusedna ugla (žuti углови)!

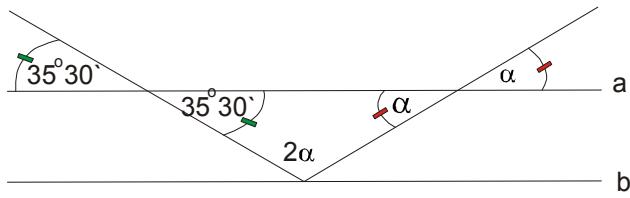
$$\begin{aligned}\beta &= 86^\circ \\ \alpha_1 &= \beta + \gamma \\ \gamma &= \alpha_1 - \beta \\ \gamma &= 60^\circ 15' - 25^\circ 15' \\ \boxed{\gamma = 35^\circ}\end{aligned}$$

275. Ако су праве a и b паралелне, одреди колики је угао α .
Прикажи поступак.

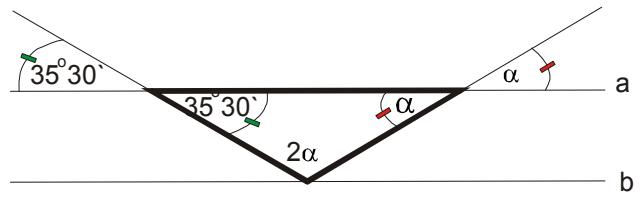
$$\alpha = \underline{\hspace{2cm}}$$



Решење:



slika 1.



slika 2.

Najpre uočimo unakrsne uglove na slici 1. koji su jednaki (zeleni i crveni).

Na slici 2. je podebljan trougao iz koga ćemo pronaći nepoznati ugao!

$$\alpha + 2\alpha + 35^{\circ}30' = 180^{\circ}$$

$$3\alpha = 180^{\circ} - 35^{\circ}30'$$

$$3\alpha = 144^{\circ}30'$$

$$\alpha = 144^{\circ}30':3 \quad (\text{pazite, posebno delimo stepene a posebno minute}) \quad 144:3=48 \text{ i } 30:3=10$$

$$\boxed{\alpha = 48^{\circ}10'}$$